

*** **Neem GR-practicum 1 door.** (zie aan het eind van deze uitwerkingen)

1a Tellen (van de eindpunten) geeft 6 keuzemogelijkheden. Berekening: $2 \times 3 = 6$.

1b Voordeel wegendiagram: minder werk om te maken.
Nadeel wegendiagram: de keuzemogelijkheden staan niet apart vermeld.

6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
SOM	1	2	3	4	5	6

2a Neem het rooster hiernaast over.

2b Er zijn 6 mogelijkheden om *samen minstens tien* te gooien. (zie hiernaast)

2c Er zijn 5 mogelijkheden om *samen zes ogen* te gooien. (zie hiernaast)

2d Nee, er zijn meer mogelijkheden om minstens 10 te gooien dan 6.

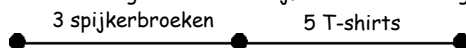
2e 15, 24, 33, 42 en 51.

spijkerbroeken

3					
2					
1					
	1	2	3	4	5
	T-shirts				

3a Een rooster. (of wegendiagram, maar vlecht de wegen dan en schrijf er het aantal wegen bij)

3b Er zijn $3 \times 5 = 15$ manieren.



3c Er zijn $(3+1) \times (5+2) = 4 \times 7 = 28$ manieren \Rightarrow een toename van $28 - 15 = 13$.

4a Bij een halve competitie speelt ieder team één keer tegen elk ander team.

4b Een rooster. (maak er zelf ook een)

4c Er zijn $4 + 3 + 2 + 1 = 10$ wedstrijden. (de grijze vakjes)

	4Ha	4Hb	4Hc	4Hd	4He
4Ha	-	-	-	-	-
4Hb		-	-	-	-
4Hc			-	-	-
4Hd				-	-
4He					-

5 Er zijn $3 \times 2 \times 2 = 12$ manieren.



6a Een rooster. (zie hiernaast)

6b Som 5 kan op 4 manieren. (zie het rooster hiernaast)

6c Som minder dan 5 (dus 2, 3 of 4) kan op 6 manieren. (zie het rooster hiernaast)

4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
SOM	1	2	3	4	5	6

7a 16 ogen met de series 556, 565, 655, 466, 646 en 664.

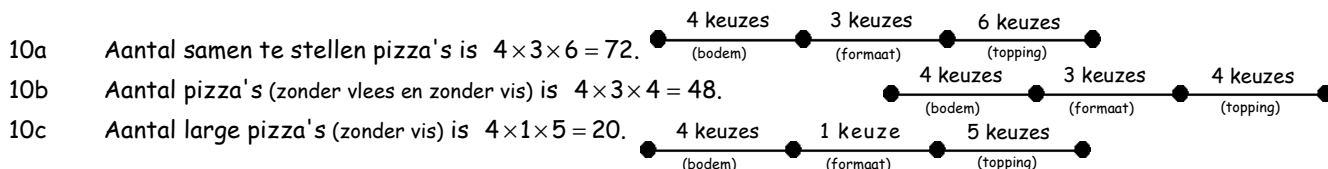
7b 17 ogen met 566, 656 en 665; 18 ogen met 666 \Rightarrow meer dan 15 ogen op $6 + 3 + 1 = 10$ mogelijkheden.

7c Precies 15 ogen met 663, 636, 366, 456, 465, 546, 564, 645, 654 en 555 \Rightarrow totaal 10 mogelijkheden.

8a Precies 5 ogen met 113, 131, 311, 122, 212 en 221 \Rightarrow totaal 6 mogelijkheden.

8b Precies 6 ogen met 114, 141, 411, 123, 132, 213, 231, 312, 321 en 222;
precies 4 ogen met 112, 121 en 211; precies 3 ogen met 111 \Rightarrow totaal $10 + 6 + 3 + 1 = 20$ mogelijkheden.

9 Aantal keuzeprogramma's in de werkweek Londen is $3 \times 4 \times 2 = 24$.



11a Van Syros (via Tinos) naar Mykonos kan op $2 \times 4 = 8$ manieren.

11b Van Santorini (via Mikonos) naar Tinos kan op $2 \times 4 = 8$ manieren.

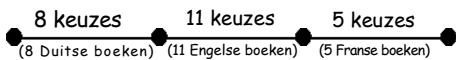

11c Van Santorini (linksom of rechtsom) naar Santorini kan op $3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 4 \times 2 + 2 \times 4 \times 2 \times 1 \times 2 \times 3 = 192$ manieren.

12a Van P naar Q via M kun je op $3 \times 2 = 6$ manieren.

12b Van P naar Q via N kun je op $2 \times 4 = 8$ manieren.

12c Van P naar Q (via M of N) kun je op totaal $3 \times 2 + 2 \times 4 = 6 + 8 = 14$ manieren.

- 13a AAA kan op $2 \times 4 \times 5 = 40$ manieren.
 13b AAA of BBB of CCC kan op $2 \times 4 \times 5 + 2 \times 2 \times 3 + 1 \times 2 \times 0 = 40 + 12 + 0 = 52$ manieren.
 13c AAC of ACA of CAA kan op $2 \times 4 \times 0 + 2 \times 2 \times 5 + 1 \times 4 \times 5 = 0 + 20 + 20 = 40$ manieren.
 13d geel geel geel of groen groen groen of blauw blauw blauw of rood rood rood kan op $1 \times 2 \times 2 + 1 \times 2 \times 2 + 1 \times 2 \times 2 + 2 \times 2 \times 2 = 4 + 4 + 4 + 8 = 20$ manieren.
 13e groen groen rood of groen rood groen of rood groen groen kan op $1 \times 2 \times 2 + 1 \times 2 \times 2 + 2 \times 2 \times 2 = 4 + 4 + 8 = 16$ manieren.

- 14a DEF kan op $8 \times 11 \times 5 = 440$ manieren. 
 14b $D\bar{D}$ kan op $8 \times 16 = 128$ manieren. \bar{D} betekent "niet D" 

$8 \times 11 \times 5$	440
8×16	128

- 15 Van A via B en C naar D of van A via alleen C naar D kan op $3 \times 2 \times 4 + 1 \times 4 = 24 + 4 = 28$ manieren.

- 16a $3 \times 4 \times 6 \times 3 = 216$. (bij de jaszjes zijn 3 keuzes namelijk: het ene jasje, het andere jasje of geen jasje)
 16b Een rok óf broek kan op $4 + 3 = 7$ manieren; blouse of trui OF blouse en trui kan op $(6 + 4) + 6 \times 4 = 34$ manieren. Zij kan zich op $5 \times 7 \times 34 \times 4 = 4760$ manieren kleden.

- 16c 5 (schoenen) $\times 4$ (rok) $\times 1$ (geen broek) $\times 7$ (blouse of geen blouse) $\times 4$ (coltrui) $\times 4$ (jas of geen jas) = 2240.

$5 \times 7 \times 34 \times 4$	4760
$5 \times 4 \times 7 \times 4 \times 4$	2240

- 17a $8 \times 5 \times 7 \times 3 \times 11 = 9240$.

- 17b $7 \times 4 \times 6 \times 2 \times 10 = 3360$. (van elke paragraaf is 1 opgave reeds gebruikt)

- 17c $8 \times 5 \times 3 \times 11$ ($\$1, \$2, \$4, \5) + $8 \times 7 \times 3 \times 11$ ($\$1, \$3, \$4, \5) + $5 \times 7 \times 3 \times 11$ ($\$2, \$3, \$4, \5) = 4323.

$8 \times 5 \times 7 \times 3 \times 11$	9240
$7 \times 4 \times 6 \times 2 \times 10$	3360
$8 \times 5 \times 3 \times 11 + 8 \times 7 \times 3 \times 11 + 5 \times 7 \times 3 \times 11$	4323

- 18a vlees vlees vlees $\Rightarrow 4 \times 2 \times 5 = 40$ manieren.

- 18b fruit fruit fruit $\Rightarrow 3 \times 2 \times 2 = 12$ manieren.

- 18c vlees vlees vlees of vis vis vis of fruit fruit fruit $\Rightarrow 4 \times 2 \times 5 + 3 \times 2 \times 4 + 3 \times 2 \times 2 = 40 + 24 + 12 = 76$ manieren.

- 18d vis fruit fruit $\Rightarrow 3 \times 2 \times 2 = 12$ manieren.

- 18e vis fruit fruit of fruit vis fruit of fruit fruit vis $\Rightarrow 3 \times 2 \times 2 + 3 \times 2 \times 2 + 3 \times 2 \times 4 = 12 + 12 + 24 = 48$ manieren.

- 19a eerst een jongen en dan een meisje $\Rightarrow 14 \times 17 = 238$ manieren.

- 19b eerst iemand van 15 en dan iemand van 17 $\Rightarrow 19 \times 7 = 133$ manieren.

- 19c eerst een jongen en dan een meisje van 17 $\Rightarrow 14 \times 5 = 70$ manieren.

14×17	238
19×7	133
14×5	70

$5 \times 26 \times 2$	260
$12 \times 19 + 7 \times 5$	263

- 19d de eerste 16 en de tweede 16 of de eerste 16 en de tweede 16 $\Rightarrow 5 \times 26 + 26 \times 5 = 130 \times 2 = 260$ manieren.

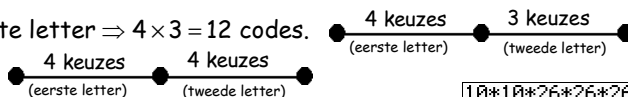
- 19e eerst iemand van 15 en dan iemand van 15 of eerst iemand van 17 en dan van 16 $\Rightarrow 12 \times 19 + 7 \times 5 = 263$ manieren.

- 20a Hoeveel tweetallen zijn mogelijk als de eerste een meisje van 15 en tweede een jongen van 16?

- 20b En hoeveel tweetallen als er een jongen en een meisje gekozen worden van wie de een van 17 en de ander van 15?

- 21 • de tweede letter een andere letter dan de eerste letter $\Rightarrow 4 \times 3 = 12$ codes.

- de letters mogen gelijk zijn $\Rightarrow 4 \times 4 = 16$ codes.



- 22a $10 \times 10 \times 26 \times 26 \times 26 \times 10 = 17\,576\,000$. (ons alfabet telt 26 letters)

- 22b $10 \times 10 \times 2 \times 21 \times 21 \times 10 = 882\,000$. (letters beginnen met een D of F; er zijn 5 klinkers: A, E, I, O en U)

- 22c $10 \times 9 \times 2 \times 20 \times 19 \times 8 = 547\,200$. (letters beginnen met een D of F en klinkers komen niet voor)

- 22d $10 \times 10 \times 17 \times 21 \times 21 \times 10 = 7\,497\,000$. (letters beginnen niet met een A, B, C, D, E, F, I, O of U)

$10 \times 10 \times 26 \times 26 \times 26 \times 10$	17576000
$10 \times 10 \times 2 \times 21 \times 21 \times 10$	882000
$10 \times 9 \times 2 \times 20 \times 19 \times 8$	547200
$10 \times 10 \times 17 \times 21 \times 21 \times 10$	7497000

- 23a $4 \times 4 \times 4 \times \dots \times 4 = 4^{10} = 1048576$.

- 23b $4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^5 = 1024$. (5 vragen gokken)

4^{10}	1048576
4^5	1024

- 24a $2 \times 2 \times 2 \times \dots \times 2 = 2^{25} = 33554432$. (elk van de 25 hokjes kan al dan niet zwart zijn)

- 24b $\frac{33554432}{100} = 335545$ (velletjes) $\Rightarrow 335545 \times 0,1 = 33554,5$ (mm $\approx 33,6$ m).

- 24c $2 \times 2 \times 2 \times \dots \times 2 = 2^9 = 512$. (elk van de 9 hokjes binnen de rand kan al dan niet zwart zijn)

2^{25}	33554432
$\text{Ans} \div 100 \times 0,1$	33554,432
2^9	512

25a $15 \times 26 \times 25 = 9750$. (drie leerlingen, dus niemand dubbel aanwijzen)

$15 \times 26 \times 25$	9750
$15 \times 12 \times 11$	1980
$15 \times 12 \times 25 \times 2$	9000

25b $15 \times 12 \times 11 = 1980$.

25c $15 \times 12 \times 25 + 12 \times 15 \times 25 = 9000$. (wijs eerst leerlingen voor de drank en hapjes aan)

26a $4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1 = 144$.

26b $4 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 1 \times 1 = 144$. (kan alleen mjmjmjm zijn)

26c $1 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 720$. (er is maar één student Frans)

26d $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 1 = 240$. (eerst de vijf niet-economie studenten)

26e $3 \times 2 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 2 \times 1 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 960$. (p????? of e?????)

(begin met het aanwijzen van de eerste en laatste student en daarna pas de overigen)

$4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1$	144
$4 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 1 \times 1$	144
$1 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$	720
$5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 1$	240
$3 \times 2 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 2 \times 1 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$	960

27a $6 \times 5 \times 4 = 120$. (elke letter mag maar één keer worden gebruikt)

$6 \times 6 \times 6 = 6^3 = 216$. (elke letter mag vaker worden gebruikt)

27b $6 \times 5 \times 5 \times 5 = 750$. (vanaf plaats twee mag de vorige letter niet worden gebruikt)

27c $6 \times 6 \times 6 + 6 \times 5 \times 4 \times 3 = 576$.

$6 \times 5 \times 4$	120
6^3	216
6×5^3	750
$6^3 + 6 \times 5 \times 4 \times 3$	576

28a $6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 720$.

$6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$	720
--	-----

28b $6 \times 5 = 30$.

28c $4 \times 5 = 20$.

29a $3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^5 = 243$. (per vierkantje 3 keuzes)

29b $1 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4 = 81$. (eerste vierkantje 1 keuze)

29c $3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 3 \times 2^4 = 48$. (bij elk vierkantje niet de direct eraan voorafgaand genomen keuze)

29d $1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 2 + 1 \times 1 \times 1 \times 2 \times 1 + 1 \times 1 \times 2 \times 1 \times 1 + 1 \times 2 \times 1 \times 1 \times 1 + 2 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 2 \times 5 = 10$.

(voor het andere vierkantje zijn \triangleright of \star de mogelijkheden; dit andere vierkantje kan op 5 plaatsen voorkomen)

3^5	243
3^4	81
3×2^4	48

30a $7 \times 6 \times 6 = 252$. (bij een keuze niet de direct eraan voorafgaand genomen keuze)

30b $7 \times 6 \times 5 = 210$. (bij een keuze niet meer de eraan voorafgaand genomen keuzes)

30c $7 \times 6 = 42$.

30d $7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 = 2520$. (bij een keuze niet meer de eraan voorafgaand genomen keuzes)

$7 \times 6 \times 6$	252
$7 \times 6 \times 5$	210
$7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3$	2520

31a $6 \times 5 \times 4 \times 3 = 360$.

31b $3 \times 5 \times 4 \times 3 = 180$. (het eerste cijfer moet een 6, 7 of 8 zijn)

31c $6 \times 6 \times 6 \times 6 = 6^4 = 1296$.

31d $1 \times 2 \times 6 \times 6 = 72$. (het eerste cijfer moet een 6 zijn en het tweede cijfer een 3 of 4)

31e $3 \times 6 \times 6 \times 6 + 1 \times 2 \times 6 \times 6 = 720$. (getallen onder de 6000 of tussen 6000 en 6500)

$6 \times 5 \times 4 \times 3$	360
$3 \times 5 \times 4 \times 3$	180
6^4	1296
2×6^2	72
$3 \times 6^3 + 2 \times 6^2$	720
$8 \times 7 \times 6$	336
$8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1$	40320

32a $8 \times 7 \times 6 = 336$.

32b $8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 40320$.

*** **Neem GR - practicum 2a door.** (zie aan het eind van deze uitwerkingen)

33 $8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 = 8 \text{ nPr } 5 = 6720$. (op de GR: $8 \text{ [MATH] } \downarrow \text{ [2] [5] [ENTER]}$)

34 $14 \times 13 \times 12 \times 11 \times 10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 = 14 \text{ nPr } 10 = 3632428800$.
(2^{nd} [ENTER] geeft de vorige invoer \Rightarrow alleen nog getallen wijzigen)

MATH NUM CPX	GR
1:rand	
2:nPr	8 nPr 5 6720
3:nCr	
4:!	14 nPr 10 3632428800
5:randInt(
6:randNorm(
7:randBin(

35a $6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 6! = 720$ (volgordes) $\Rightarrow 6! \times 6 \times 2 = 8640$ (sec = 144 min).

35b $8! = 40320$ (volgordes) $\Rightarrow 8! \times 8 \times 2 = 645120$ (sec = 179,2 uur).
(het klopt niet)

$6!$	720
Ans*6*2	8640
Ans/60	144
$8!$	40320
Ans*8*2	645120
Ans/60/60	179.2

36a $9 \text{ nPr } 9 = 9! = 362880$.

36b $9 \times 8 = 9 \text{ nPr } 2 = 72$.

36c $9 \text{ nPr } 6 = 60480$.

$9!$	362880
9 nPr 2	72
9 nPr 6	60480

37a $4! = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$. (een pincode bestaat uit 4 cijfers)

37b $1 \times 3 \times 2 \times 1 = 1 \times 3! = 3! = 6$.

$4!$	24
$3!$	6

- 38a Hoeveel codes zijn er met zes verschillende letters? (uit de gegeven 6 letters)
 38b Hoeveel codes zijn er met drie verschillende letters? (uit de gegeven 6 letters)
 38c Hoeveel codes zijn er met vier letters? (een letter mag vaker dan één keer voorkomen)
 38d Hoeveel codes zijn er met drie letters? (een letter mag vaker dan één keer voorkomen)

*** **Neem GR - practicum 2b door.**

- 39a Combinaties, omdat het een team (een zestal) betreft. (niemand wordt een vaste speelplaats toegewezen)
 39b Permutaties, omdat je let op de volgorde van de prijs.
 39c Combinaties, omdat het een groep leerlingen (vijftal) betreft. (er wordt niet gelet op de volgorde)
 39d Permutaties, omdat je let op de volgorde van kiezen.
 39e Permutaties, omdat je let op de volgorde van de samenstelling.

40 $\binom{18}{4} = 18 \text{ nCr } 4 = 3060$. (geen deelstreep binnen haakjes; voortaan de schrijfwijze als op de GR)

18 nCr 4	3060
25 nCr 3	2300
38 nCr 5	501942
14!	8.71782912e10
14 nCr 3	364
6 nCr 3	20

41a $25 \text{ nCr } 3 = 2300$.

41b $38 \text{ nCr } 5 = 501942$.

42a $14 \text{ nPr } 14 = 14! \approx 8,7 \times 10^{10}$ (87 miljard).

42c $6 \times 5 \times 3 = 30 \times 3 = 90$.

42b $14 \text{ nCr } 3 = 364$.

42d $6 \text{ nCr } 3 = 20$.

43a $18 \text{ nPr } 3 = (18 \times 17 \times 16) = 4896$. (voorzitter, secretaris en penningmeester zijn verschillende personen)

18 nPr 3	4896
18 nCr 3	816

43b $18 \text{ nCr } 3 = 816$. (als het blijft bij het aanwijzen van drie personen voor het bestuur)

44a $60 \text{ nCr } 5 = 5461512$. (handeling I: een vijftal uit de 60 Engelse boeken)

60 nCr 5	5461512
40 nCr 4	91390
60 nCr 5 * 40 nCr 4	4.991275817e11

44b $40 \text{ nCr } 4 = 91390$. (handeling II: een viertal uit de 40 Duitse boeken)

44c $60 \text{ nCr } 5 \times 40 \text{ nCr } 4 = 5461512 \times 91390 \approx 4,99 \times 10^{11}$ (499 miljard).

45a $6 \text{ nCr } 3 \times 9 \text{ nCr } 3 = 1680$.

45b $6 \text{ nCr } 6 = 1$. (een zestal uit 6 jongens)

6 nCr 3 * 9 nCr 3	1680
6 nCr 6	1
6 nCr 6 + 6 nCr 5 *	5
9 nCr 1	55

45c $6 \text{ nCr } 6 + 6 \text{ nCr } 5 \times 9 \text{ nCr } 1 = 55$. (geen meisje en dus 6 jongens of 1 meisje en 5 jongens)

45d $6 \text{ nCr } 5 \times 9 \text{ nCr } 1 + 6 \text{ nCr } 6 = 55$. (5 jongens en dus 1 meisje of 6 jongens en geen meisje)

46a $50 \text{ nPr } 3 \times 47 \text{ nCr } 3 = 1906884000$.

46b $50 \text{ nCr } 6 \times 6 \text{ nPr } 3 = 1906884000$. (uiteindelijk hetzelfde resultaat)

50 nPr 3 * 47 nCr 3	1906884000
50 nCr 6 * 6 nPr 3	1906884000

36 nCr 8	30260340
33 nCr 4 * 36 nCr 4	2410392600

47a $36 \text{ nCr } 8 = 30260340$.

47b $33 \text{ nCr } 4 \times 36 \text{ nCr } 4 = 2410392600$.

20 nCr 2 * 13 nCr 6	326040
36 nCr 3 * 33 nCr 5	1694579040

47c $20 \text{ nCr } 2 \times 13 \text{ nCr } 6 = 326040$.

47d $36 \text{ nCr } 3 \times 33 \text{ nCr } 5 = 1694579040$.

20 nCr 7 * 49 nCr 1 + 20 nCr 8	3924450
--------------------------------	---------

47e $20 \text{ nCr } 7 \times 49 \text{ nCr } 1 + 20 \text{ nCr } 8 = 3924450$. (7 of 8 uit de jongste leeftijdsgroep)

48a $6 \text{ nCr } 3 = 20$.

48b $6 \times 5 \times 4 = 6 \text{ nPr } 3 = 120$.

48c $6 \times 6 \times 6 = 6^3 = 216$.

6 nCr 3	20
6 * 5 * 4	120
6^3	216

49a $22 \text{ nCr } 4 = 7315$.

49b $6 \text{ nCr } 2 \times 3 \text{ nCr } 2 = 45$.

22 nCr 4	7315
6 nCr 2 * 3 nCr 2	45
6 nCr 2 * 3 nCr 1 *	19
19 nCr 1	855

49c $6 \text{ nCr } 2 \times 3 \text{ nCr } 1 \times 19 \text{ nCr } 1 = 855$.

49d $5 \text{ nCr } 3 \times 23 \text{ nCr } 1 + 5 \text{ nCr } 4 = 235$.

49e $6 \text{ nCr } 4 + 14 \text{ nCr } 4 + 5 \text{ nCr } 4 = 1021$.

5 nCr 3 * 23 nCr 1	235
6 nCr 4 + 14 nCr 4	1021
5 nCr 4	121

50a $3 \times 4 \times 4 \text{ nCr } 2 \times 7 \text{ nCr } 3 = 2520$.

50b $1 \times 4 \times (4 \text{ nCr } 2 + 4 \text{ nCr } 3 + 4 \text{ nCr } 4) = 44$.

3 * 4 * 4 nCr 2 * 7 nCr 3	2520
1 * 4 * (4 nCr 2 + 4 nCr 3 + 4 nCr 4)	44

50c $3 \times 4 \times (7 \text{ nCr } 4 + 7 \text{ nCr } 5 + 7 \text{ nCr } 6 + 7 \text{ nCr } 7) = 768$.

3 * 4 * (7 nCr 4 + 7 nCr 5 + 7 nCr 6 + 7 nCr 7)	768
---	-----

51a $60 \text{ nCr } 4 = 487635$.

51b $54 \text{ nCr } 4 = 316251$.

51c $6 \text{ nCr } 2 \times 54 \text{ nCr } 2 + 6 \text{ nCr } 3 \times 54 \text{ nCr } 1 + 6 \text{ nCr } 4 = 22560$. (2 of 3 of 4 defecte)

60 nCr 4	487635
54 nCr 4	316251

6 nCr 2 * 54 nCr 2	22560
+ 6 nCr 3 * 54 nCr 1	
+ 6 nCr 4	

52a Dat kan op $\binom{7}{2} = 7 \text{ nCr } 2$ manieren. Dus er zijn $\binom{7}{2} \times \binom{5}{5} = \binom{7}{2} \times 1 = \binom{7}{2} = 21$ series met 2 keer *M* en 5 keer *K*.

52b Het eerste hokje kun je op 2 manieren invullen (*K* of *M*), het tweede hokje kun je op 2 manieren invullen, het derde hokje op 2 manieren (*K* of *M*), enzovoort. Dus er zijn totaal $2^7 = 128$ manieren.

$7 \text{ nCr } 2$	21
2^7	128

53a $10 \text{ nCr } 8 = 45$.

53b $10 \text{ nCr } 5 = 252$.

53c $2^{10} = 1024$.

53d $2^8 = 256$. (want er zijn nog 8 hokjes in te vullen, elk met de 2 mogelijkheden: *K* of *M*)

2^8	256
$10 \text{ nCr } 8$	45
$10 \text{ nCr } 5$	252
2^{10}	1024

54a $2^{20} = 1048576$. (alle 20 vragen hebben de 2 mogelijkheden: goed of fout)

54b $20 \text{ nCr } 15 = 15504$. (20 vragen, waarvan 15 goed en 5 fout)

54c $20 \text{ nCr } 16 + 20 \text{ nCr } 17 + 20 \text{ nCr } 18 + 20 \text{ nCr } 19 + 20 \text{ nCr } 20 = 6196$.

(minstens 80% goed \Rightarrow 16 of 17 of 18 of 19 of 20 vragen goed)

Dat is $\frac{6196}{1048576} \times 100\% \approx 0,6\%$.

2^{20}	1048576
$20 \text{ nCr } 15$	15504

$20 \text{ nCr } 16 + 20 \text{ nCr } 17 + 20 \text{ nCr } 18 + 20 \text{ nCr } 19 + 20 \text{ nCr } 20$	6196
Ans/ $2^{20} \times 100$.5908966064

55a $12 \text{ nCr } 6 = 924$. (12 hokjes, waarvan 6 met een *A* en 6 met een *B*)

55b $12 \text{ nCr } 4 = 495$. (12 hokjes, waarvan 4 met een *A* en 8 met een *B*)

55c $12 \text{ nCr } 2 + 12 \text{ nCr } 3 + 12 \text{ nCr } 4 + 12 \text{ nCr } 5 + 12 \text{ nCr } 6 + 12 \text{ nCr } 7 + 12 \text{ nCr } 8 + 12 \text{ nCr } 9 + 12 \text{ nCr } 10 = 4070$.
(2 keer *A* en 10 keer *B* of 3 keer *A* en 9 keer *B* of 4 keer *A* en 8 keer *B* of ... of 10 keer *A* en 2 keer *B*)

Of: $2^{12} - 12 \text{ nCr } 0 - 12 \text{ nCr } 1 - 12 \text{ nCr } 11 - 12 \text{ nCr } 12 = 4070$.

(alle mogelijkheden verminderd met de mogelijkheden die niet nodig zijn)

$12 \text{ nCr } 6$	924
$12 \text{ nCr } 4$	495

$2^{12} - 12 \text{ nCr } 0 - 12 \text{ nCr } 1 - 12 \text{ nCr } 11 - 12 \text{ nCr } 12$	4070
--	------

$12 \text{ nCr } 2 + 12 \text{ nCr } 3 + 12 \text{ nCr } 4 + 12 \text{ nCr } 5 + 12 \text{ nCr } 6 + 12 \text{ nCr } 7 + 12 \text{ nCr } 8 + 12 \text{ nCr } 9 + 12 \text{ nCr } 10$	4070
--	------

56a $2^{19} = 524288$. (alle 19 lampjes hebben de twee mogelijkheden: aan of uit)

56b $19 \text{ nCr } 5 = 11628$.

56c $19 \text{ nCr } 0 + 19 \text{ nCr } 1 + 19 \text{ nCr } 2 = 191$.

56d $2^{16} = 65536$. (16 lampjes hebben nog de twee mogelijkheden: aan of uit)

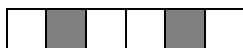
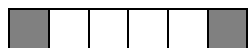
2^{19}	524288
$19 \text{ nCr } 5$	11628
$19 \text{ nCr } 0 + 19 \text{ nCr } 1 + 19 \text{ nCr } 2$	191

2^{16}	65536
----------	-------

57a $6 \text{ nCr } 2 = 15$.

57b $4 \text{ nCr } 0 = 1$. (de buitenste 2 zijn zwart \Rightarrow van de 4 binnenste mag geen meer zwart worden)

57c $3 \text{ nCr } 1 = 3$. (1 van de eerste 3 vierkantjes dan zwart en in omgekeerde volgorde bij de laatste 3)
Op zijn kop verandert de code dan niet. (zie de 3 mogelijke rijtjes hieronder)



$6 \text{ nCr } 2$	15
$4 \text{ nCr } 0$	1
$3 \text{ nCr } 1$	3

58a Wel mogelijk. (als 2 keer 'zes ogen' en 6 keer 'geen zes ogen')

58b Niet mogelijk.

58c Niet mogelijk.

58d Wel mogelijk. (als 4 keer 'even' en 4 keer 'oneven')

59a Bijvoorbeeld: NNNNOOOO en NONONONO.

59b NOONNNOO wel (4 keer een N en 4 keer een O); NNOONNONO niet (één letter N te veel).

59c Totaal 8 letters, waarvan 4 keer de N (en de andere 4 keer de O).

59d $n = 8$ (het totaal aantal stappen) $r = 4$ (het aantal stappen naar het Oosten).
Het aantal routes van *A* naar *B* is $8 \text{ nCr } 4 = 70$.

$8 \text{ nCr } 4$	70
--------------------	----

60a $14 \text{ nCr } 8 = 3003$.

60b $4 \text{ nCr } 2 \times 10 \text{ nCr } 6 = 1260$.

60cd $4 \text{ nCr } 2 \times 6 \text{ nCr } 4 \times 4 \text{ nCr } 2 = 540$.

$14 \text{ nCr } 8$	3003
$4 \text{ nCr } 2 \times 10 \text{ nCr } 6$	1260

$4 \text{ nCr } 2 \times 6 \text{ nCr } 4 \times 4 \text{ nCr } 2$	540
--	-----

61a In figuur 1.17a: $4 \text{ nCr } 2 \times 4 \text{ nCr } 2 = 36$;

in figuur 1.17b: $4 \text{ nCr } 2 \times 5 \text{ nCr } 2 \times 2 \text{ nCr } 1 = 120$;

in figuur 1.17c: $6 \text{ nCr } 4 \times 3 \text{ nCr } 1 = 45$ en

in figuur 1.17d: $6 \text{ nCr } 3 = 20$.

61b $6 \text{ nCr } 4 \times 2 \text{ nCr } 0 = 6 \text{ nCr } 4 \times 1 = 6 \text{ nCr } 4 = 15$.

$4 \text{ nCr } 2 \times 4 \text{ nCr } 2$	36
$4 \text{ nCr } 2 \times 5 \text{ nCr } 2 \times 2 \text{ nCr } 1$	120
$6 \text{ nCr } 4 \times 3 \text{ nCr } 1$	45
$6 \text{ nCr } 3$	20

$6 \text{ nCr } 3$	20
$6 \text{ nCr } 4 \times 2 \text{ nCr } 0$	15
$6 \text{ nCr } 4$	15

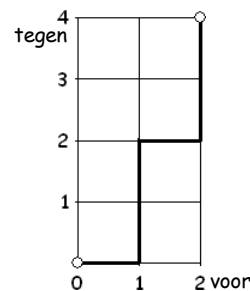
62a $4 \text{ nCr } 2 \times 4 \text{ nCr } 4 \times 4 \text{ nCr } 2 = 4 \text{ nCr } 2 \times 1 \times 4 \text{ nCr } 2 = 36$.

(middenstuk heeft maar één kortste route, nl. bovenlangs)

62b Boven langs: $3 \text{ nCr } 2 \times 4 \text{ nCr } 2 \times 1 \times 5 \text{ nCr } 2 = 180$.

(onder langs zijn ook 180 routes) \Rightarrow totaal $180 \times 2 = 360$.

$4 \text{ nCr } 2 * 4 \text{ nCr } 4 *$	
$4 \text{ nCr } 2$	36
$3 \text{ nCr } 2 * 1 * 4 \text{ nCr } 2$	360
$2 * 5 \text{ nCr } 2 * 2$	



63a Zie de figuur hiernaast.

63b $6 \text{ nCr } 2 = 15$.

63c $8 \text{ nCr } 3 = 56$.

63d $4 \text{ nCr } 3 \times 5 \text{ nCr } 2 = 40$. (handeling I: 3-1 voor rust, handeling II: 2-3 na rust \Rightarrow eindstand 5-4)

$6 \text{ nCr } 2$	15
$8 \text{ nCr } 3$	56
$4 \text{ nCr } 3 * 5 \text{ nCr } 2$	40

64a De enige kortste route van A naar P is O (Oost);

van A naar Q is dat OO en van A naar R is dat OOO.

64b 3 (bij S) + 3 (bij T) = 6 (bij C).

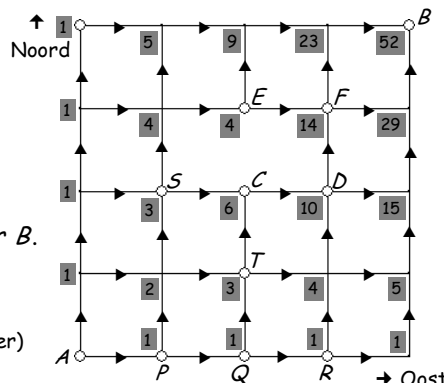
64c 6 (bij C) + 4 (onder D) = 10 (bij D).

64d 10 (bij D) + 4 (bij E) = 14 (bij F).

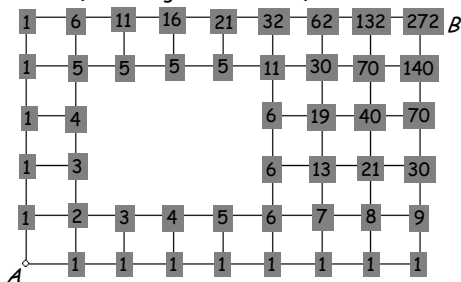
64e Zie het complete rooster hiernaast \Rightarrow er zijn 52 (kortste) routes van A naar B.

$4 \text{ nCr } 2$	6
$5 \text{ nCr } 3$	10

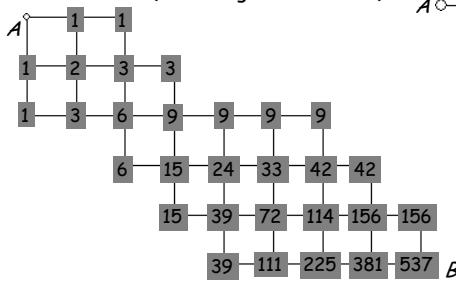
$1 \text{ nCr } 1$	1
$2 \text{ nCr } 2$	1
$3 \text{ nCr } 3$	1



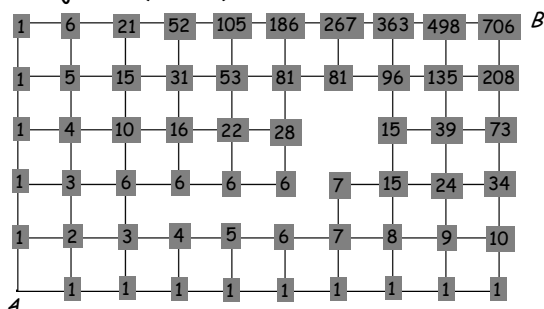
65 272. (zie de figuur hieronder)



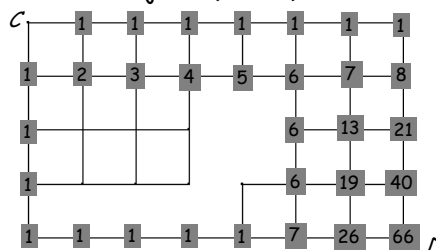
66 537. (zie de figuur hieronder)



67a Er zijn 706 (kortste) routes van A naar B.



67b Er zijn 66 (kortste) routes van C naar D.



68a Zie de figuur hiernaast.

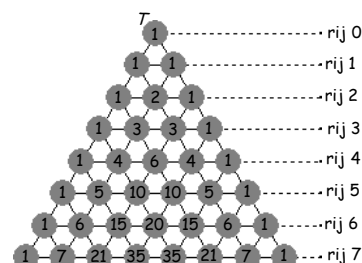
68b $n = 4$ (het totaal aantal stappen vanuit T) en $r = 1$ (het aantal stappen naar S).

68c $\binom{6}{0} = 1$; $\binom{6}{1} = 6$; $\binom{6}{2} = 15$; $\binom{6}{3} = 20$; $\binom{6}{4} = 15$; $\binom{6}{5} = 6$ en $\binom{6}{6} = 1$.

68d $\binom{6}{0} + \binom{6}{1} + \binom{6}{2} + \binom{6}{3} + \binom{6}{4} + \binom{6}{5} + \binom{6}{6} = 2^6 = 64$.

68e $\binom{7}{0} + \binom{7}{1} + \binom{7}{2} + \binom{7}{3} + \binom{7}{4} + \binom{7}{5} + \binom{7}{6} + \binom{7}{7} = 2^7 = 128$.

$1+6+15+20+15+6+1$	64
2^6	64
$1+7+21+35+35+21+7+1$	128



69a $9 \text{ nCr } 6 = 84$.

69b $9 \text{ nCr } 1 = 9$.

69c $2^9 = 512$.

69d Van S naar Y zijn er $5 \text{ nCr } 2 = 10$ en van Y naar het strand zijn er $2^4 = 16$. Dus er zijn $10 \times 16 = 160$ routes van S via Y naar het strand.

$9 \text{ nCr } 6$	84	$5 \text{ nCr } 2$	10
$9 \text{ nCr } 1$	9	2^4	16
2^9	512	$10 * 16$	160

70a $10 \text{ nCr } 6 \times 5 \text{ nCr } 3 = 2100$.

70b $10 \text{ nCr } 6 \times 2^5 = 6720$.

$10 \text{ nCr } 6 * 5 \text{ nCr } 3$	2100
$10 \text{ nCr } 6 * 2^5$	6720

Diagnostische toets

D1a 5 mogelijkheden om samen 8 te gooien.
(zie het eerste rooster hiernaast)

D1b 10 mogelijkheden om samen meer dan 8 te gooien.
(zie het eerste rooster hiernaast)

D1c 17 mogelijkheden waarbij het product van de ogen minder dan 10 is.
(zie het tweede rooster hiernaast)

6	7	8	9	10	11	12
5	6	7	8	9	10	11
4	5	6	7	8	9	10
3	4	5	6	7	8	9
2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7
+	1	2	3	4	5	6

6	6	12	18	24	30	36
5	5	10	15	20	25	30
4	4	8	12	16	20	24
3	3	6	9	12	15	18
2	2	4	6	8	10	12
1	1	2	3	4	5	6
×	1	2	3	4	5	6

D2a Uitschrijven: 111, 112, 121, 211, 113, 131, 311, 122, 212 en 221 ⇒ 10 mogelijkheden.

D2b Uitschrijven: 114, 141, 411, 123, 132, 213, 231, 312, 321 en 222 ⇒ 10 mogelijkheden.

D3a $2^{25} = 33554432$. (elke vraag heeft 2 mogelijkheden)

D3b 33554432×30 (seconden) $\div 60$ (minuten) $\div 60$ (uren) $\div 24$ (dagen) $\div 365,25$ (jaren) ⇒ ongeveer 31,9 jaar.

2^{25}	33554432
Ans*30/60/60	279628,2667
Ans/24/365,25	31.89827363

D4a $6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 = 6 \text{ nPr } 5 = 720$.

D4b $3 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 = 360$. (als eerste cijfer alleen een 2, een 3 of een 4)

D4c $6 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6 = 6^5 = 7776$.

D4d $1 \times 4 \times 6 \times 6 \times 6$ (getallen tussen 54000 en 60000) $+ 2 \times 6 \times 6 \times 6 \times 6$ (getallen boven 60000) = 3456.

$6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2$	720
$3 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2$	360
6^5	7776

$1 \cdot 4 \cdot 6^3 + 2 \cdot 6^4$	3456
-------------------------------------	------

D5a $26 \times 25 \times 24 = 26 \text{ nPr } 3 = 15600$.

D5b $26 \times 26 \times 26 = 26^3 = 17576$.

D5c $26 \times 26 \times 1 = 26^2 = 676$.

$26 \text{ nPr } 3$	15600
26^3	17576
26^2	676

D6a $8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 8 \text{ nPr } 8 = 8! = 40320$.

D6b $5 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 4$ (zet eerst de meisjes aan de buitenkant) = $5 \times 4 \times 6! = 14400$.

D6c $8 \text{ nCr } 3 = 56$.

$8!$	40320
$5 \cdot 4 \cdot 6!$	14400
$8 \text{ nCr } 3$	56

D7a $66 \text{ nCr } 2 \times 70 \text{ nCr } 3 = 117417300$.

D7b $101 \text{ nCr } 4 \times 35 \text{ nCr } 1 + 101 \text{ nCr } 5 = 222111120$.

D7c $15 \text{ nCr } 5 + 101 \text{ nCr } 5 + 20 \text{ nCr } 5 = 79227252$.

$66 \text{ nCr } 2 \cdot 70 \text{ nCr } 3$	117417300
$101 \text{ nCr } 4 \cdot 35 \text{ nCr } 1$	222111120
$1 + 101 \text{ nCr } 5$	222111120

$15 \text{ nCr } 5 + 101 \text{ nCr } 5$	79227252
$5 + 20 \text{ nCr } 5$	79227252

D8a $2 \times 2 \times 2 \times 2 \dots \times 2 = 2^{25} = 33554432$.

D8b $25 \text{ nCr } 8 = 1081575$.

D8c $25 \text{ nCr } 23 + 25 \text{ nCr } 24 + 25 \text{ nCr } 25 = 326$.

2^{25}	33554432
$25 \text{ nCr } 8$	1081575
$25 \text{ nCr } 23 + 25 \text{ nCr } 24$	326
$24 + 25 \text{ nCr } 25$	326

D9a $10 \text{ nCr } 6 = 210$.

D9b $10 \text{ nCr } 6 + 10 \text{ nCr } 7 + 10 \text{ nCr } 8 + 10 \text{ nCr } 9 + 10 \text{ nCr } 10 = 386$.

D9c $2 \times 2 \times 2 \times 2 \dots \times 2 = 2^{10} = 1024$.

$10 \text{ nCr } 6$	210
$10 \text{ nCr } 6 + 10 \text{ nCr } 7$	386
$7 + 10 \text{ nCr } 8 + 10 \text{ nCr } 9$	386
$9 + 10 \text{ nCr } 10$	386

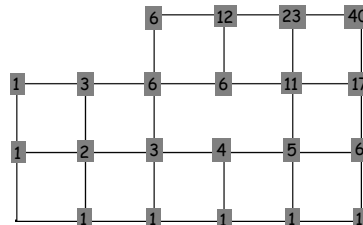
2^{10}	1024
----------	------

D10a $7 \text{ nCr } 4 = 35$.

D10b $6 \text{ nCr } 4 \times 5 \text{ nCr } 3 = 150$.

D10c $4 \text{ nCr } 2 \times 40 = 240$.

$7 \text{ nCr } 4$	35
$6 \text{ nCr } 4 \cdot 5 \text{ nCr } 3$	150
$4 \text{ nCr } 2 \cdot 40$	240



Gemengde opgaven 1. Handig tellen

G1a \square 3×2 (via B) + 2 (rechtstreeks) + 3×4 (via D) = 20.

G1b \square $3 \times 2 \times 4$ (via B en C) + 2×4 (via C) + 3 (rechtstreeks) = 35.

G1c \square $2 \times 2 + 3 \times 2 \times 2 \times 2 + 2 \times 4 \times 3 \times 2 + 3 \times 2 \times 4 \times 3 \times 3 = 220$.

$3*2+2*3*4$	20
$3*2*4+2*4+3$	35
$2*2+3*2*2*2+2*4*$	220
$3*2+3*2*4*3*2$	

(via C of via B en C, links- en rechtsom, of via C en D, links- en rechtsom, of via B, C en D, links- en rechtsom)

G2a \square Aantal kortste routes van A naar D: $\binom{6}{3} = 20$.

$6 \text{ nCr } 3$	20
$3 \text{ nCr } 1*3 \text{ nCr } 2$	9

G2b \square Aantal kortste routes van A via B naar D: $\binom{3}{1} \times \binom{3}{2} = 3 \times 3 = 9$.

G2c \square Aantal kortste routes van A via B en C naar D: $\binom{3}{1} \times \binom{2}{2} \times \binom{1}{0} = 3 \times 1 \times 1 = 3$.

$3 \text{ nCr } 1*2 \text{ nCr } 2*$	3
$1 \text{ nCr } 0$	64
2^6	

G2d \square Aantal kortste routes van A naar de rijksweg: $2^6 = 64$.

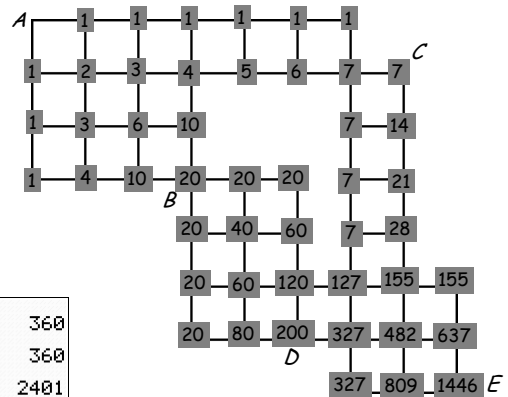
G3a \square Aantal kortste routes van A naar B: $\binom{6}{3} = 20$.

$6 \text{ nCr } 3$	20
$7 \text{ nCr } 6$	7
$6 \text{ nCr } 3*5 \text{ nCr } 2$	200

G3b \square Aantal kortste routes van A naar C: $\binom{7}{6} = 7$.

G3c \square Aantal kortste routes van A (via B) naar D: $\binom{6}{3} \times \binom{5}{2} = 200$.

G3d \square Aantal kortste routes van A naar E: 1446. (zie de figuur hiernaast)



G4a \square $1 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 = 6 \text{ nPr } 4 = 360$.

G4b \square $7 \times 7 \times 7 \times 7 \times 1 = 7^4 = 2401$. (laatste cijfer een 5)

G4c \square $6 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 = 6 \times 7^4 = 14406$. (het eerste cijfer geen 2)

G4d \square $4 \times 7 \times 7 \times 7 \times 7 + 1 \times 3 \times 7 \times 7 \times 7 = 10633$.

(eerste cijfer een 5, 6, 7 of 8 OF eerste cijfer een 4 en het tweede cijfer een 6, 7 of 8)

G4e \square $4 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 + 1 \times 2 \times 5 \times 4 \times 3 = 1560$.

(eerste cijfer een 2, 3, 4 of 5 OF eerste cijfer een 6 en het tweede cijfer een 2 of 3)

G4f \square $5\bar{5}\bar{5}\bar{5}$ of $\bar{5}5\bar{5}\bar{5}$ of $\bar{5}\bar{5}5\bar{5}$ of $\bar{5}\bar{5}\bar{5}5$ ($\bar{5}$ betekent "geen 5") $\Rightarrow 1 \times 1 \times 6 \times 6 \times 6 \times 4 = 864$.

$1*6*5*4*3$	360
$6 \text{ nPr } 4$	360
7^4	2401

$6*7^4$	14406
$4*7^4+3*7^3$	10633
$4*6*5*4*3+1*2*5*$	1560
$4*3$	

6^3*4	864
---------	-----

G5a \square $\binom{8}{3} = 56$.

G5b \square $\binom{8}{6} + \binom{8}{7} + \binom{8}{8} = 28 + 8 + 1 = 37$.

G5c \square $2^8 = 256$.

$8 \text{ nCr } 3$	56
$8 \text{ nCr } 6+8 \text{ nCr } 7+$	7+
$8 \text{ nCr } 8$	37
2^8	256

G6a \square Met twee tekens: $2^2 = 4$ letters; met drie tekens: $2^3 = 8$ letters.

G6b \square Ja, $2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^4 = 2 + 4 + 8 + 16 = 30 > 26$.

G6c \square Met vijf tekens: $2^5 = 32$ coderingen; er zijn 10 cijfers (0, 1, 2, 3, ..., 9) $\Rightarrow 32 - 10 = 22$ coderingen over.

2^3	8
$2^1+2^2+2^3+2^4$	30
2^5-10	22

G7a \square $11! = 11 \times 10 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 39916800$.

G7b \square Neem aan dat hij met één foto 10 seconden bezig is:
 $10 \times 11! = 399168000$ (seconden) $\Rightarrow 6652800$ (minuten)
 $\Rightarrow 110880$ (uren) $\Rightarrow 4620$ (dagen) $\Rightarrow 12,65$ (jaar).

$11!$	39916800	Ans/60	6652800
Ans*10	399168000	Ans/24	110880
Ans/60	6652800	Ans/365.25	4620
			12.64887064

G7c \square $11 \text{ nPr } 2 = 11 \times 10 = 110$.

G7d \square $14 \text{ nPr } 2 = 14 \times 13 = 182$.

G7e \square $\binom{3}{1}$ (score 1-2 vóór rust) \times $\binom{5}{4}$ (score 4-1 ná rust) = $3 \times 5 = 15$.

G7f \square $2^{15} = 32768$.

$11 \text{ nPr } 2$	110
$14 \text{ nPr } 2$	182
$3 \text{ nCr } 1*5 \text{ nCr } 4$	15
2^{15}	32768

G8a \square $3^8 = 6561$.

G8b \square $2^8 = 256$.

G8c \square $\binom{4}{1} \times 1^3 \times 2$ (bovenste rij) $\times 3^4 = 648$.

3^8	6561
2^8	256
$4 \text{ nCr } 1*1^3*2*3^4$	648

In de bovenste rij: $A A A \bar{A}$ of $A A A \bar{A}$ of $A A A \bar{A}$ of $A A A \bar{A}$ (\bar{A} betekent "geen A" \Rightarrow B of C)

G8d \square 3 (eerste hokje in bovenste rij) $\times 1 \times 1 \times 1 \times 3$ (eerste hokje in onderste rij) $\times 1 \times 1 \times 1 = 9$.
(in het tweede, derde en vierde hokjes het eerste hokje uit die rij kopiëren)

G9a $\binom{6}{2} = 15$.

G9b $\binom{6}{3} = 20$.

G9c $2^6 - 1 = 63$.

6 nCr 2	15
6 nCr 3	20
2^6 - 1	63

G10a In precies 5 wedstrijden: $\binom{4}{1}$ (na 4 wedstrijden de stand 3-1) $\times 2$ (A of B kan zo winnen) = $4 \times 2 = 8$.

Uitleg: A wint na 5 wedstrijden (na 4 wedstrijden de stand 3-1 voor A en daarna maakt A de eindstand 4-1) of B wint na 5 wedstrijden (na 4 wedstrijden de stand 3-1 voor B en en daarna maakt B de eindstand 4-1).

In precies 6 wedstrijden: $\binom{5}{2}$ (na 5 wedstrijden de stand 3-2) $\times 2$ (A of B kan zo winnen) = $10 \times 2 = 20$.

G10b In 4, 5, 6 of 7 wedstrijden (the best of 7) $\Rightarrow 2 + 8 + 20 + 40 = 70$ (mogelijkheden).

G11a $\binom{3}{2}$ (2 uit de 3 CDA-leden) \times (én) $\binom{6}{1}$ (1 uit de 6 niet CDA-leden) = $3 \times 6 = 18$.

3 nCr 2	6 nCr 1	18
9 nCr 3		84
3+3+2+3+3+1+3+2*		39
1+3+2*1		

G11b $\binom{9}{3}$ (3 uit de 9 raadsleden) = 84.

3 nCr 1	3
2 nCr 1	2
1 nCr 1	1

G11c $\binom{3}{1} \times \binom{3}{1} \times \binom{2}{1} + \binom{3}{1} \times \binom{3}{1} \times \binom{1}{1} + \binom{3}{1} \times \binom{2}{1} \times \binom{1}{1} + \binom{3}{1} \times \binom{2}{1} \times \binom{1}{1} = 3 \times 3 \times 2 + 3 \times 3 \times 1 + 3 \times 2 \times 1 + 3 \times 2 \times 1 = 39$.
(mogelijkheden: cpv of cpg of cvg of pvg met c = CDA, p = PvdA, v = VVD en g = Gemeentebelangen)

G12a $\binom{20}{6}$ (6 uit de 4×5 vakjes) = 38760.

20 nCr 6	38760
2^20	1048576
5*10*10*5	2500

G12b 2^{20} (20 keer de keuze "blauw of wit") = 1048576.

G12c $\binom{5}{1}$ (1 uit de 5 vakjes) \times $\binom{5}{2}$ (2 uit de 5 vakjes) \times $\binom{5}{3}$ (3 uit de 5 vakjes) \times $\binom{5}{4}$ (4 uit de 5 vakjes) = 2500.

Plot1	Plot2	Plot3
V1=5	nCr	X
V2=		
V3=		
V4=		
V5=		
V6=		
V7=		
X=0		

G12d $\binom{5}{2}$ (2 uit de 5 vakjes) $\times 2^{20-5} = \binom{5}{2} \times 2^{15} = 10 \times 2^{15} = 327680$.

5 nCr 2	2^15	327680
2^8		256
4 nCr 2		6
Ans^2		36

G13a 2^8 (8 keer de keuze "zwart of wit") = 256.

G13b $\binom{4}{2}$ (2 uit de bovenste 4 stukken) \times (én) $\binom{4}{2}$ (2 uit de bovenste 4 stukken) = $6 \times 6 = 36$.

G13c De laatste drie symbolen kunnen een getal (huisnummer) van drie cijfers vormen.
Dus 9 (eerste cijfer geen 0) $\times 10 \times 10 = 900$ (of de getallen 100 t/m 999 $\Rightarrow 999 - 99 = 900$ mogelijkheden).
De laatste drie symbolen kunnen ook één cijfer (huisnummer 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 of 9),
gevolgd door een scheidingsteken (kan alleen de X zijn) en één toevoeging (letter of cijfer).
Dus nog eens $9 \times 1 \times 36 = 324$ (mogelijkheden). Totaal $900 + 324 = 1224$ mogelijkheden.

9*1*36	324
Ans+900	1224

TI-84 1. Berekeningen op het basisscherm

- | | | | | | |
|-----|---|--|-----|---|--|
| 1a | $15,3 + 5 \times 1,43^2 \approx 25,52.$ | | 1c | $837,2 + 0,03 \times 618,9 \approx 855,77.$ | |
| 1b | $\sqrt{34} + 6,5^3 \approx 280,46.$ | | 1d | $1,0237 \times 272,105 \approx 278,55.$ | |
| 2a | $\sqrt{12} + 3,51 \approx 6,97.$ | | 2c | $\sqrt{21,8} : 3,51 \approx 1,33.$ | |
| 2b | $\sqrt{12 + 3,51} \approx 3,94.$ | | 2d | $\sqrt{21,8 : 3,51} \approx 2,49.$ | |
| 3a | $-3,5 - 8 \times -3 = 20,5.$ | | 3c | $832000 - 1,037 \times 25000 = 806075.$ | |
| 3b | $8,91 - 3,1 \times 1,3^2 = 3,671.$ | | 3d | $-51 - -3 \times -7 = -72.$ | |
| 4a | $(-5,7)^2 = 32,49.$ | | 4c | $-5,7^2 = -32,49.$ | |
| 4b | $(-1,8)^4 = 10,4976.$ | | 4d | $-1,8^4 = -10,4976.$ | |
| 5a | $\frac{118-53}{53} \times 100 \approx 122,6.$ | | 5c | $\frac{1371-862}{128} \approx 4,0.$ | |
| 5b | $\frac{100}{352 \times 1,23} \approx 0,2.$ | | 5d | $\frac{1283-1827}{1827} \times 100 \approx -29,8.$ | |
| 6a | $\frac{118,6}{8,3^2 - 5,6} \approx 1,87.$ | | 6b | $\frac{-1,31 + 8,3 \times 7,05}{21,3^2 - 7,5^3} \approx 1,80.$ | |
| 7a | $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} \approx 0,917. (= \frac{11}{12})$ | | 7c | $20 \times 1\frac{3}{7} \approx 28,571. (= \frac{200}{7})$ | |
| 7b | $(1\frac{2}{9})^2 \approx 1,494. (= \frac{121}{81})$ | | 7d | $19 \times 2\frac{1}{3} - 8 \times 2\frac{4}{7} \approx 23,762. (= \frac{499}{21})$ | |
| 8a | $8\frac{3}{5} : 2\frac{1}{4} \approx 3,822. (= \frac{172}{45})$ | | 8c | $(3\frac{1}{6} - 2\frac{1}{7})^2 \approx 1,048. (= \frac{1849}{1764})$ | |
| 8b | $(3\frac{1}{6} - 2\frac{1}{5}) : 2\frac{1}{5} \approx 0,439. (= \frac{29}{66})$ | | 8d | $21 : 2\frac{3}{7} \approx 8,647. (= \frac{147}{17})$ | |
| 9a | $3^{21} \approx 1,05 \cdot 10^{10}.$ | | 9c | $2,38 \cdot 10^7 \times 0,081 \cdot 10^9 \approx 1,93 \cdot 10^{15}.$ | |
| 9b | $5,3^{18} \approx 1,09 \cdot 10^{13}.$ | | 9d | $0,86 \cdot 10^6 \times 2,48 \cdot 10^7 \approx 2,13 \cdot 10^{13}.$ | |
| 10a | $0,7^{25} \approx 0,00013.$ | | 10c | $0,65 \times 0,34^9 \approx 0,00004.$ | |
| 10b | $0,31^8 \approx 0,00009.$ | | 10d | $(2,1 : 7,3)^6 \approx 0,00057.$ | |
| 11a | $2500 \cdot 1,045^5 \approx 3115,45 (\text{€}).$ | | 11c | $2500 \cdot 1,045^{13} \approx 4430,49 (\text{€}).$ | |
| 11b | $2500 \cdot 1,045^{10} \approx 3882,42 (\text{€}).$ | | 11d | $2500 \cdot 1,045^{25} \approx 7513,59 (\text{€}).$ | |
| 12a | $18,6 + 0,3 \times 18 = 24$ (miljoen euro). | | 12b | $18,6 + 0,3 \times 25 = 26,1$ (miljoen euro). | |
| 13a | $1750 : 0,98^8 \approx 2056,98 (\text{€}).$ | | 13b | $1750 : 0,98^{13} \approx 2275,62 (\text{€}).$ | |

TI-84 2b. Aantal mogelijkheden berekenen bij telproblemen

- | | | | | | |
|----|---|--|----|---|--|
| 1a | $\binom{10}{3} + \binom{8}{4} = 190.$ | | 1c | $\binom{10}{3} \cdot \binom{8}{4} = 8400.$ | |
| 1b | $\binom{12}{7} + \binom{12}{5} \cdot \binom{8}{3} = 45144.$ | | 1d | $\binom{9}{7} \cdot \binom{9}{5} + \binom{5}{3} \cdot \binom{7}{2} = 4746.$ | |